



المستوى: الثالثة (تسيير واقتصاد) 3ASGE ديسمبر 2019

اختبار في مادة الرياضيات للفصل الأول | المدة: 3 ساعات

### التمرين الأول (6ن)

ابتداء من شهر جانفي من السنة 1991 قرر رجل أن يضع مبلغ مالي قدره 15000 دينار في كل سنة في مشروع حيث هذا المشروع يعطيه فائدة قدرها 5% في كل سنة ليكن  $U_n$  هو المبلغ المالي الذي يملكه هذا الرجل سنة  $1991 + n$

1- احسب  $U_1; U_2$

ب- هل المتتالية  $(U_n)$  حسابية ام هندسية

ب- عبر عن  $U_{n+1}$  بدلالة  $U_n$

2) نفرض أن من اجل كل عدد طبيعي  $n$   $V_n = U_n + 300000$

ا) اثبت أن  $(V_n)$  متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها  $q$  وحدها الأول

ب) اكتب عبارة الحد العام  $V_n$  بدلالة  $n$  ثم استنتج  $U_n$  بدلالة  $n$

ج) يريد هذا الرجل الدخول في مشروع جديد سنة 2010 بما لديه من مال من المشروع الأول حيث يكلف هذا المشروع 500000 دينار هل يمكن له ذلك؟ برر بالحساب

### التمرين الثاني (6ن):

$(U_n)$  متتالية هندسية معرفة على  $N$  حيث  $U_1 = 2$  وبالعلاقة:  $U_1 + U_2 + U_3 = 14$

1- عين الأساس الموجب للمتتالية  $(U_n)$  ثم حدها الأول  $U_0$

2- اوجد عبارة الحد العام  $U_n$  بدلالة  $n$

3- عين رتبة الحد الذي قيمته 32

4- اكتب عبارة المجموع  $S_n$  بدلالة  $n$ :  $S = U_0 + U_1 + U_2 + \dots + U_{n-1}$

5- اوجد قيمة  $n$  علما ان  $S_n = 511$

## التمرين الثالث (ن8):

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $R - \{-1\}$  بـ:  $f(x) = \frac{x^2 + 3}{x + 1}$

$(C_f)$  المنحنى الممثل للدالة  $f$  في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس.

1. عيّن الأعداد الحقيقية  $a, b, c$  بحيث من أجل كل  $x$  من  $R - \{-1\}$  :  $f(x) = ax + b + \frac{c}{x + 1}$

2. أحسب نهايات الدالة  $f$ .

3. عين معادلة المستقيم المقارب الموازي لمحور الترتيب

4. بين ان المستقيم  $(\Delta)$  ذو المعادلة  $y = x - 1$  مقارب مائل بجوار  $(+\infty)$  و  $(-\infty)$

5. أدرس الوضعية النسبية للمنحنى  $(C_f)$  والمستقيم  $(\Delta)$

6. بين انه من اجل كل عدد حقيقي  $x$  من  $R - \{-1\}$  :  $f'(x) = \frac{(x-1)(x+3)}{(x+1)^2}$

7. أدرس اتجاه تغيرات الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها .

8. بيّن أن النقطة  $A(-1, -2)$  مركز تناظر للمنحنى  $(C_f)$  .

9. أكتب معادلة المماس  $(T)$  لـ  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة  $0$ .

10. ارسم كلا من  $(T)$  و  $(\Delta)$  و  $(C_f)$

11. عين بيانيا قيم الوسيط  $m$  حتى يكون للمعادلة  $f(x) = m$  حلان مختلفان

بالتوفيق